

Examenul național de bacalaureat 2021
Proba E. d)
INFORMATICĂ
Limbajul Pascal

Testul 6

Filieră teoretică, profil real, specializare științe ale naturii

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.
- Identifierii utilizati în rezolvări trebuie să respecte precizările din enunț (**bold**), iar în lipsa unor precizări explicite, notațiile trebuie să corespundă cu semnificațiile asociate acestora (eventual în formă prescurtată). Datele de intrare se consideră corecte, validarea lor nefiind necesară.

SUBIECTUL I

(20 de puncte)

Pentru fiecare dintre itemii de la 1 la 5, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect. Fiecare răspuns corect se notează cu 4 puncte.

- Variabilele **x** și **y** sunt de tip întreg. Indicați o expresie Pascal echivalentă $\text{not}((x < 3) \text{ and } (y > 5))$ cu expresia alăturată.
 - $(x \geq 3) \text{ and } (y \leq 5)$
 - $\text{not}(x < 3) \text{ and } (y > 5)$
 - $(x < 3) \text{ or } (y > 5)$
 - $(x \geq 3) \text{ or } \text{not}(y > 5)$
- Pentru a verifica dacă în tabloul unidimensional $(24, 19, 10, 9, 8, 4, 2)$ există elementul cu valoarea **x** se aplică metoda căutării binare. Știind că valoarea **x** a fost comparată cu trei elemente ale tabloului pe parcursul aplicării metodei, indicați două valori posibile ale lui **x**
 - 35 și 9
 - 24 și 8
 - 19 și 1
 - 10 și 4
- Se consideră două tablouri unidimensionale **A** și **B**: $A = (5, 7, 15, 25, 33)$, iar $B = (3, 9, 21, 43, 51)$. În urma interclasării lor în ordine crescătoare se obține tabloul cu elementele:
 - $(3, 9, 21, 43, 51, 5, 7, 15, 25, 33)$
 - $(3, 5, 7, 9, 15, 21, 25, 33, 43, 51)$
 - $(3, 5, 7, 9, 15, 21, 25, 43, 33, 51)$
 - $(3, 7, 15, 25, 33)$
- Indicați o expresie Pascal care are valoarea **true**.
 - $\text{trunc}(15) + 1 = \text{round}(15)$
 - $\text{trunc}(15.16) = \text{round}(15.61)$
 - $\text{trunc}(16.16) = \text{round}(15.61)$
 - $\text{trunc}(15.16) = \text{round}(16.61)$
- Variabilele **x**, **y**, **z** și **w** memorează câte un număr real, astfel încât expresia Pascal alăturată are valoarea **true**. Indicați variabila care are ca valoare cel mai mare dintre numerele menționate.
$$(y+1 < w+1) \text{ and } (z < x) \text{ and } (w-1 < z-1)$$
 - x**
 - y**
 - z**
 - w**

SUBIECTUL al II-lea

(40 de puncte)

- Algoritmul alăturat este reprezentat în pseudocod.**
S-a notat cu **a** și **b** restul împărțirii numărului natural **a** la numărul natural nenul **b** și cu **[c]** partea întreagă a numărului real **c**.
 - Scrieți valoarea afișată în urma executării algoritmului dacă se citesc, în această ordine, numerele 404 și 413. **(6p.)**
 - Dacă pentru **x** se citește valoarea 58, scrieți două numere care pot fi citite pentru **y** astfel încât, pentru fiecare dintre acestea, în urma executării algoritmului să se afișeze valoarea 3. **(6p.)**
 - Scrieți programul Pascal corespunzător algoritmului dat. **(10p.)**
 - Scrieți în pseudocod un algoritm, echivalent cu cel dat, înlocuind adevarat prima structură repetitivă cu o structură de tip **pentru...execută**. **(6p.)**

citește **x, y**
(numere naturale, $x \leq y$)
 $k \leftarrow 0$; $i \leftarrow x$
cât timp $i \leq y$ execută
 $n \leftarrow i$; $c \leftarrow 0$
 cât timp $n > 0$ și $c = 0$ execută
 dacă $n \% 2 = 1$ atunci $c \leftarrow 1$
 ■
 $n \leftarrow [n / 10]$
 ■
 $k \leftarrow k + c$
 $i \leftarrow i + 1$
 ■
scrie **k**

2. Pentru un cerc se memorează coordonatele reale (abscisa și ordonata) ale centrului cercului, în sistemul de coordonate xOy . Variabilele $c1x$ și $c1y$ memorează abscisa, respectiv ordonata centrului unui cerc, iar variabilele $c2x$ și $c2y$ memorează abscisa, respectiv ordonata centrului unui alt cerc. Declarați corespunzător cele patru variabile și scrieți o secvență de instrucțiuni în urma executării căreia să se afișeze pe ecran, separate printr-un spațiu, coordonatele centrului cercului care are centrul pe axa absciselor. Dacă ambele cercuri au centrul pe această axă, se afișează mesajul **ambele**, iar dacă niciunul dintre cercuri nu are centrul pe această axă se afișează mesajul **niciunul**. (6p.)
3. Variabila **a** este de tip **char**, iar variabilele **i** și **k** sunt de tip întreg; de la tastatură se citesc 16 litere mari ale alfabetului englez. Fără a utiliza alte variabile, scrieți secvența înlocuind punctele de suspensie astfel încât, în urma executării secvenței obținute, variabila **k** să memoreze numărul de litere mari citite, cu excepția celor din mulțimea {**A, C, E, I**}.

Exemplu: dacă se citesc literele de mai jos, variabila **k** memorează valoarea 8.

P, R, A, S, L, E, A, C, E, L, V, O, I, N, I, C (6p.)

```
k:=.....  
for i:=1 to 16 do  
begin read(a);  
.....  
end;
```

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1. Se citesc două numere naturale, **n** și **c** ($c \leq 9$), și se cere să se scrie numărul obținut din **n**, prin eliminarea din acesta a tuturor cifrelor egale cu **c**, sau -1 dacă toate cifrele lui **n** sunt egale cu **c**. Cifrele nule nesemnificative sunt ignore, ca în exemplu.

Scrieți, în pseudocod, algoritmul de rezolvare a problemei enunțate.

Exemplu: dacă **n=50752** sau **n=72** și **c=5** se scrie **72**, dacă **n=500** și **c=5** se scrie **0**, iar dacă **n=55** și **c=5** se scrie **-1**. (10p.)

2. Scrieți un program Pascal care citește de la tastatură două numere naturale, **n** și **k** ($n \in [3, 20]$, $k \in [2, n]$), și construiește în memorie un tablou unidimensional cu **n** elemente, având proprietățile:

- al **k**-lea element are valoarea 0;
- tabloul conține, începând cu prima poziție, până la al **k**-lea element inclusiv, de la stânga la dreapta, un sir strict descrescător de numere consecutive, iar începând cu al **k**-lea element, până la ultima poziție, de la stânga la dreapta, un sir strict crescător de numere consecutive.

Programul afișează pe ecran elementele tabloului construit, separate prin câte un spațiu.

Exemplu: dacă **n=10** și **k=3** se obține tabloul **(2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7)**. (10p.)

3. Fișierul **bac.in** conține un sir de cel puțin trei și cel mult 10^5 numere întregi nenule din intervalul $[-10^9, 10^9]$, dintre care două sunt negative, iar restul pozitive. Numerele sunt separate prin câte un spațiu. O secvență este formată din termeni aflați pe poziții consecutive în sir, iar lungimea secvenței este egală cu numărul de termeni ai acestia.

Se cere să se afișeze pe ecran lungimea unei secvențe din sirul aflat în fișier care conține o singură valoare negativă și un număr maxim de valori pozitive. Proiectați un algoritm eficient din punctul de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare.

Exemplu: dacă fișierul conține numerele **15 21 -61 9 870 -23 11 5 8**

pe ecran se afișează **6** (corespunzător secvenței **9 870 -23 11 5 8**).

a. Descrieți în limbaj natural algoritmul proiectat, justificând eficiența acestuia. (2p.)

b. Scrieți programul Pascal corespunzător algoritmului proiectat. (8p.)